## Internet Algorithmik: Routing Methoden

Abgabetermin: 12. Juli 2007, 8.30 Uhr in der Übung

## Aufgabe 1 (10 Punkte)

Zeigen Sie die folgende Proposition 43 aus der Vorlesung: Sei (A, F, S, c, n) ein nichtatomares Auslastungsmodell in Kostenform, wobei die Kostenfunktionen nicht-negativ, stetig und monoton wachsend sind. Eine Strategieverteilung x ist genau dann ein Wardrop-Gleichgewicht, genau dann wenn für alle  $i \in A$  und  $s, s' \in S_i$  und  $0 < \delta \le x(s)$  gilt

$$c_s(x) \le c_{s'}(\tilde{x}),$$

wobei

$$\tilde{x}(\tilde{s}) = \begin{cases} x(\tilde{s}) - \delta &, \text{ falls } \tilde{s} = s \\ x(\tilde{s}) + \delta &, \text{ falls } \tilde{s} = s' \\ x(\tilde{s}) &, \text{ falls } \tilde{s} \notin \{s, s'\} \end{cases}$$

## Aufgabe 2 (10 Punkte)

Wir untersuchen das Paradoxon von Braess. Betrachten Sie dazu folgendes nicht-atomares Auslastungsmodell  $\Gamma = (\{1\}, \{a, b, c, d, e\}, \{\{a, b\}, \{c, d\}\{a, e, d\}\}, w, n)$  mit  $n_1 = 1$  und

$$w_a(x) = w_d(x) = u$$
,  $w_b(x) = w_c(x) = v \cdot x$ ,  $w_e(x) = 0$ ,

wobei  $u, v \in \mathbb{R}$  beliebige Konstanten sind. Charakterisieren Sie alle Fälle in Abängigkeit von u, v, in denen die Elimination von  $e \in F$  und  $\{a, e, d\} \in S$  nicht zu einer Verschlechterung der sozialen Kosten der Wardrop-Gleichgewichte führt.

## Aufgabe 3 (10 Punkte)

Es sei  $\mathcal{C} = \{t \mapsto a \cdot t + b : a, b \geq 0\}$  die Menge aller (quasi-)linearen Kostenfunktionen. Bestimmen Sie den Ineffizienzgrad  $\alpha(\mathcal{C})$ .